

海南省 2021 年初中学业水平考试

数 学

(考试时间 100 分钟, 满分 120 分)

一、选择题 (本大题满分 36 分, 每小题 3 分)

在下列各题的四个备选答案中, 有且只有一个是正确的, 请在答题卡上把你认为正确的答案的字母代号按要求用 2B 铅笔涂黑.

1. 实数 -5 的相反数是

- A. 5 B. -5 C. ± 5 D. $\frac{1}{5}$

2. 下列计算正确的是

- A. $a^3 + a^3 = a^6$ B. $2a^3 - a^3 = 1$ C. $a^2 \cdot a^3 = a^5$ D. $(a^2)^3 = a^5$

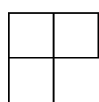
3. 下列整式中, 是二次单项式的是

- A. $x^2 + 1$ B. xy C. x^2y D. $-3x$

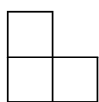
4. 天问一号于 2020 年 7 月 23 日在文昌航天发射场由长征五号遥四运载火箭发射升空, 于 2021 年 5 月 15 日在火星成功着陆, 总飞行里程超过 450 000 000 千米. 数据 450 000 000 用科学记数法表示为

- A. 450×10^6 B. 45×10^7 C. 4.5×10^8 D. 4.5×10^9

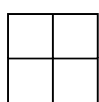
5. 图 1 是由 5 个大小相同的小正方体组成的几何体, 则它的主视图是



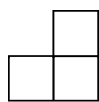
A



B



C



D

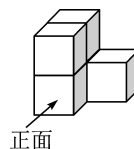


图 1

6. 在一个不透明的袋中装有 5 个球, 其中 2 个红球, 3 个白球, 这些球除颜色外无其他差别, 从中随机摸出 1 个球, 摸出红球的概率是

- A. $\frac{2}{3}$ B. $\frac{1}{5}$ C. $\frac{2}{5}$ D. $\frac{3}{5}$

7. 如图 2, 点 A 、 B 、 C 都在方格纸的格点上, 若点 A 的坐标为 $(0, 2)$, 点 B 的坐标为 $(2, 0)$, 则点 C 的坐标是

- A. $(2, 2)$ B. $(1, 2)$
C. $(1, 1)$ D. $(2, 1)$

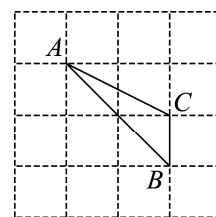


图 2

8. 用配方法解方程 $x^2 - 6x + 5 = 0$, 配方后所得的方程是

- A. $(x+3)^2 = -4$ B. $(x-3)^2 = -4$
C. $(x+3)^2 = 4$ D. $(x-3)^2 = 4$

9. 如图3, 已知 $a \parallel b$, 直线 l 与直线 a 、 b 分别交于点 A 、 B , 分别以点 A 、 B 为圆心, 大于 $\frac{1}{2}AB$ 的长为半径画弧, 两弧相交于点 M 、 N , 作直线 MN , 交直线 b 于点 C , 连接 AC , 若 $\angle 1 = 40^\circ$, 则 $\angle ACB$ 的度数是
- A. 90° B. 95° C. 100° D. 105°

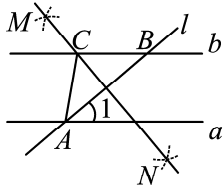


图3

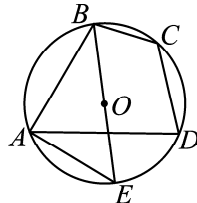


图4

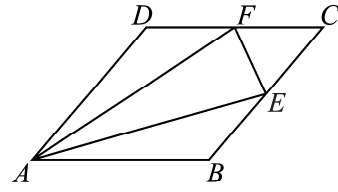
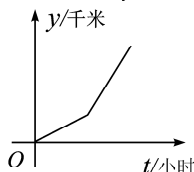
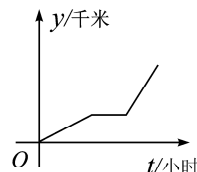


图5

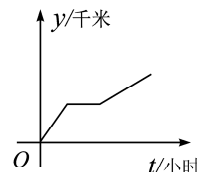
10. 如图4, 四边形 $ABCD$ 是 $\odot O$ 的内接四边形, BE 是 $\odot O$ 的直径, 连接 AE . 若 $\angle BCD = 2\angle BAD$, 则 $\angle DAE$ 的度数是
- A. 30° B. 35° C. 45° D. 60°
11. 如图5, 在菱形 $ABCD$ 中, 点 E 、 F 分别是边 BC 、 CD 的中点, 连接 AE 、 AF 、 EF . 若菱形 $ABCD$ 的面积为8, 则 $\triangle AEF$ 的面积为
- A. 2 B. 3 C. 4 D. 5
12. 李叔叔开车上班, 最初以某一速度匀速行驶, 中途停车加油耽误了几分钟, 为了按时到单位, 李叔叔在不违反交通规则的前提下加快了速度, 仍保持匀速行驶, 则汽车行驶的路程 y (千米) 与行驶的时间 t (小时) 的函数关系的大致图象是



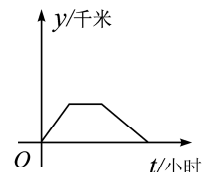
A



B



C



D

二、填空题 (本大题满分16分, 每小题4分, 其中第16小题每空2分)

13. 分式方程 $\frac{x-1}{x+2} = 0$ 的解是_____.

14. 若点 $A(1, y_1)$, $B(3, y_2)$ 在反比例函数 $y = \frac{3}{x}$ 的图象上, 则 y_1 _____ y_2 (填“ $>$ ”“ $<$ ”或“ $=$ ”).

15. 如图6, $\triangle ABC$ 的顶点 B 、 C 的坐标分别是 $(1, 0)$ 、 $(0, \sqrt{3})$, 且 $\angle ABC = 90^\circ$, $\angle A = 30^\circ$, 则顶点 A 的坐标是_____.

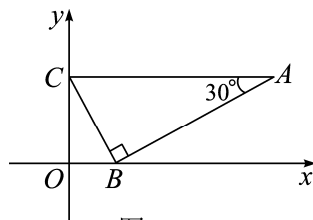


图6

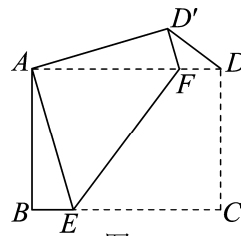


图7

16. 如图7, 在矩形 $ABCD$ 中, $AB = 6$, $AD = 8$, 将此矩形折叠, 使点 C 与点 A 重合, 点 D 落在点 D' 处, 折痕为 EF , 则 AD' 的长为_____, DD' 的长为_____.

三、解答题（本大题满分 68 分）

17.（满分 12 分，每小题 6 分）

(1) 计算： $2^3 + |-3| \div 3 - \sqrt{25} \times 5^{-1}$ ；

(2) 解不等式组 $\begin{cases} 2x > -6, \\ \frac{x-1}{2} \leq \frac{x+1}{6} \end{cases}$ 并把它的解集在数轴（图 8）上表示出来.

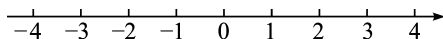


图 8

18.（满分 10 分）为了庆祝中国共产党成立 100 周年，某校组织了党史知识竞赛，学校购买了若干副乒乓球拍和羽毛球拍对表现优异的班级进行奖励. 若购买 2 副乒乓球拍和 1 副羽毛球拍共需 280 元；若购买 3 副乒乓球拍和 2 副羽毛球拍共需 480 元. 求 1 副乒乓球拍和 1 副羽毛球拍各是多少元？

19.（满分 8 分）根据 2021 年 5 月 11 日国务院新闻办公室发布的《第七次全国人口普查公报》，就我国 2020 年每 10 万人中，拥有大学（指大专及以上）、高中（含中专）、初中、小学、其他等文化程度的人口（以上各种受教育程度的人包括各类学校的毕业生、肄业生和在校生）受教育情况数据，绘制了条形统计图（图 9-1）和扇形统计图（图 9-2）.

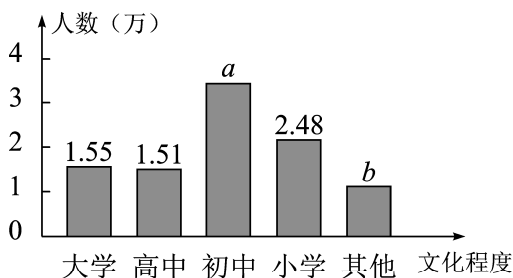


图 9-1

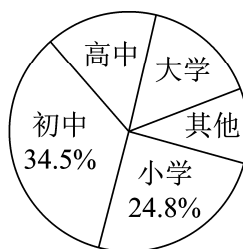


图 9-2

根据统计图提供的信息，解答下列问题：

- (1) $a = \underline{\hspace{2cm}}$, $b = \underline{\hspace{2cm}}$ ；
- (2) 在第六次全国人口普查中，我国 2010 年每 10 万人中拥有大学文化程度的人数约为 0.90 万，则 2020 年每 10 万人中拥有大学文化程度的人数与 2010 年相比，增长率是 $\underline{\hspace{2cm}}$ %（精确到 0.1%）；
- (3) 2020 年海南省总人口约 1008 万人，每 10 万人中拥有大学文化程度的人数比全国每 10 万人中拥有大学文化程度的人数约少 0.16 万，那么全省拥有大学文化程度的人数约有 $\underline{\hspace{2cm}}$ 万（精确到 1 万）.

20.（满分 10 分）如图 10，在某信号塔 AB 的正前方有一斜坡 CD ，坡角 $\angle CDK = 30^\circ$ ，斜坡的顶端 C 与塔底 B 的距离 $BC = 8$ 米，小明在斜坡上的点 E 处测得塔顶 A 的仰角 $\angle AEN = 60^\circ$ ， $CE = 4$ 米，且 $BC \parallel NE \parallel KD$ ， $AB \perp BC$ （点 A, B, C, D, E, K, N 在同一平面内）.

- (1) 填空： $\angle BCD = \underline{\hspace{2cm}}$ 度， $\angle AEC = \underline{\hspace{2cm}}$ 度；
- (2) 求信号塔的高度 AB （结果保留根号）.

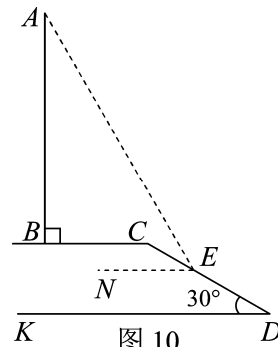


图 10

21. (满分 12 分) 如图 11-1, 在正方形 $ABCD$ 中, 点 E 是边 BC 上一点, 且点 E 不与点 B 、 C 重合, 点 F 是 BA 的延长线上一点, 且 $AF = CE$.

(1) 求证: $\triangle DCE \cong \triangle DAF$;

(2) 如图 11-2, 连接 EF , 交 AD 于点 K , 过点 D 作 $DH \perp EF$, 垂足为 H , 延长 DH 交 BF 于点 G , 连接 HB , HC .

① 求证: $HD = HB$;

② 若 $DK \cdot HC = \sqrt{2}$, 求 HE 的长.

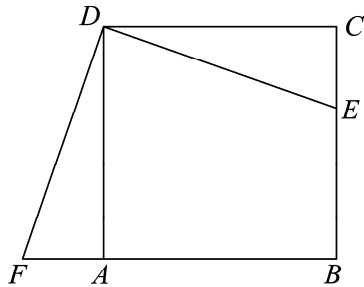


图 11-1

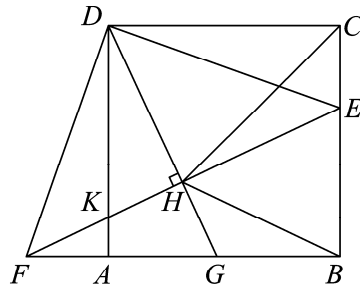


图 11-2

22. (满分 16 分) 已知抛物线 $y = ax^2 + \frac{9}{4}x + c$ 与 x 轴交于 A 、 B 两点, 与 y 轴交于 C 点, 且点 A 的坐标为 $(-1, 0)$ 、点 C 的坐标为 $(0, 3)$.

(1) 求该抛物线的函数表达式;

(2) 如图 12-1, 若该抛物线的顶点为 P , 求 $\triangle PBC$ 的面积;

(3) 如图 12-2, 有两动点 D 、 E 在 $\triangle COB$ 的边上运动, 速度均为每秒 1 个单位长度, 它们分别从点 C 和点 B 同时出发, 点 D 沿折线 COB 按 $C \rightarrow O \rightarrow B$ 方向向终点 B 运动, 点 E 沿线段 BC 按 $B \rightarrow C$ 方向向终点 C 运动, 当其中一个点到达终点时, 另一个点也随之停止运动. 设运动时间为 t 秒, 请解答下列问题:

① 当 t 为何值时, $\triangle BDE$ 的面积等于 $\frac{33}{10}$;

② 在点 D 、 E 运动过程中, 该抛物线上存在点 F , 使得依次连接 AD 、 DF 、 FE 、 EA 得到的四边形 $ADFE$ 是平行四边形, 请直接写出所有符合条件的点 F 的坐标.

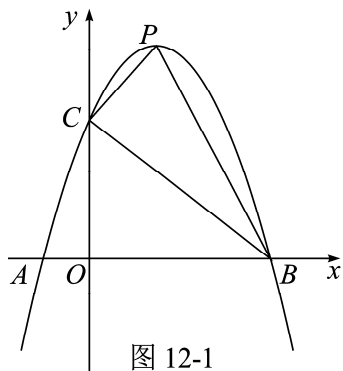


图 12-1

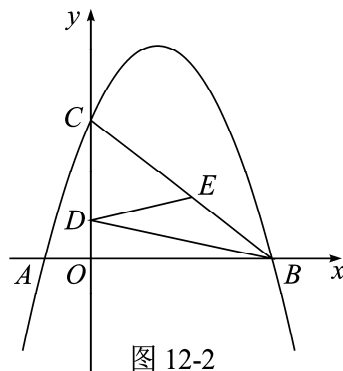
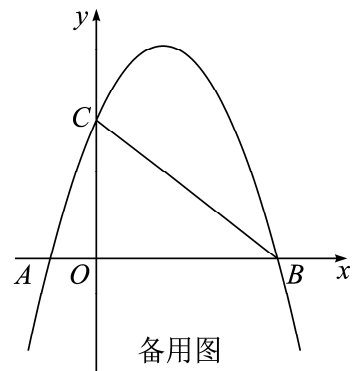


图 12-2



备用图

海南省 2021 年初中学业水平考试

数学参考答案及评分标准

一、选择题（本大题满分 36 分，每小题 3 分）

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
答案	A	C	B	C	B	C	D	D	C	A	B	B

二、填空题（本大题满分 16 分，每小题 4 分）

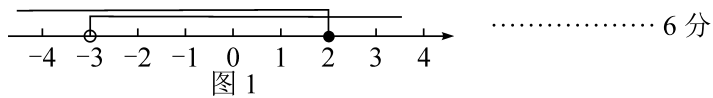
13. $x=1$; 14. $>$; 15. $(4, \sqrt{3})$; 16. $6, \frac{14}{5}$.

三、解答题（本大题满分 68 分）

17. 解：(1) $2^3 + |-3| \div 3 - \sqrt{25} \times 5^{-1}$
 $= 8 + 3 \div 3 - 5 \times \frac{1}{5}$ 4 分
 $= 8 + 1 - 1$
 $= 8$ 6 分

(2)
$$\begin{cases} 2x > -6, & \text{①} \\ \frac{x-1}{2} \leq \frac{x+1}{6}. & \text{②} \end{cases}$$

解不等式①，得 $x > -3$ ，
 解不等式②，得 $x \leq 2$ ， 4 分
 \therefore 这个不等式组的解集是 $-3 < x \leq 2$.
 解集在数轴上表示如下（如图 1）：



18. 解：设 1 副乒乓球拍 x 元，1 副羽毛球拍 y 元，依题意得

$$\begin{cases} 2x + y = 280, \\ 3x + 2y = 480. \end{cases}$$
 5 分

解得

$$\begin{cases} x = 80, \\ y = 120. \end{cases}$$
 9 分

答：1 副乒乓球拍 80 元，1 副羽毛球拍 120 元 10 分

19. (1) 3.45, 1.01; 4分
 (2) 72.2; 6分
 (3) 140. 8分

20. (1) 150, 30; 4分

(2) 解: 如图2, 延长 AB 交 EN 于点 F , 则 $EF \perp AF$,
 过点 C 作 $CG \perp EF$, 垂足为 G .

则 $\angle CGE = \angle AFE = 90^\circ$, $GF = BC$, $BF = CG$,

$\because NE \parallel KD$

$\therefore \angle CEF = \angle CDK = 30^\circ$

在 $\text{Rt}\triangle CGE$ 中,

$\because CE = 4$, $\angle CEG = 30^\circ$,

$\therefore CG = 2$, $EG = 2\sqrt{3}$ 6分

$\because BC = 8$

$\therefore EF = EG + GF = EG + BC = 2\sqrt{3} + 8$ 7分

在 $\text{Rt}\triangle AFE$ 中,

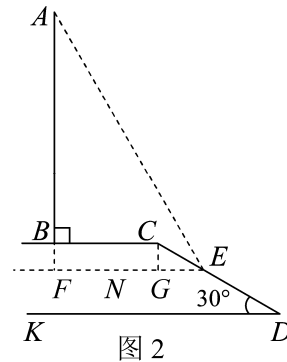
$\because \angle AEF = 60^\circ$,

$\therefore AF = EF \cdot \tan \angle AEF = (2\sqrt{3} + 8) \cdot \tan 60^\circ = 6 + 8\sqrt{3}$ 8分

$\therefore AB = AF - BF = AF - CG = 6 + 8\sqrt{3} - 2 = 8\sqrt{3} + 4$

答: 信号塔的高度 AB 为 $(8\sqrt{3} + 4)$ 米. 10分

(注: 用其它方法解答, 参照以上标准给分.)



21. (1) 证明: \because 四边形 $ABCD$ 是正方形,

$\therefore CD = AD$, $\angle DCE = \angle DAF = 90^\circ$.

又 $\because CE = AF$,

$\therefore \triangle DCE \cong \triangle DAF$ 4分

- (2) ①证明: 由 (1) 得 $\triangle DCE \cong \triangle DAF$,

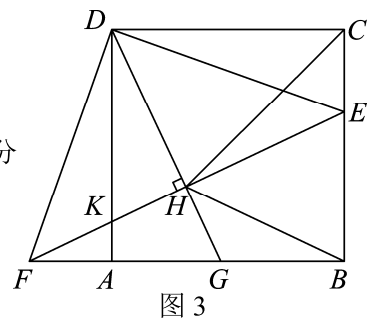
$\therefore DE = DF$, $\angle CDE = \angle ADF$.

$\therefore \angle FDE = \angle ADF + \angle ADE = \angle CDE + \angle ADE = \angle ADC = 90^\circ$.

$\therefore \triangle DFE$ 为等腰直角三角形 6分

又 $\because DH \perp EF$,

\therefore 点 H 为 EF 的中点.



$$\therefore HD = \frac{1}{2}EF.$$

同理，由 HB 是 $\text{Rt}\triangle EBF$ 斜边上的中线得，

$$HB = \frac{1}{2}EF.$$

$$\therefore HD=HB. \dots\dots\dots 8 \text{ 分}$$

② \because 四边形 $ABCD$ 是正方形，

$$\therefore CD=CB.$$

又 $\because HD=HB, CH=CH,$

$$\therefore \triangle DCH \cong \triangle BCH.$$

$$\therefore \angle DCH = \angle BCH = 45^\circ.$$

又 $\because \triangle DEF$ 为等腰直角三角形，

$$\therefore \angle DFE = 45^\circ.$$

$$\therefore \angle HCE = \angle DFK.$$

\because 四边形 $ABCD$ 是正方形，

$$\therefore AD \parallel BC.$$

$$\therefore \angle DKF = \angle HEC.$$

$$\therefore \triangle DKF \sim \triangle HEC. \dots\dots\dots 10 \text{ 分}$$

$$\therefore \frac{DK}{HE} = \frac{DF}{HC}.$$

$$\therefore DK \cdot HC = DF \cdot HE.$$

又 \because 在等腰直角三角形 DFH 中，

$$DF = \sqrt{2}HF = \sqrt{2}HE$$

$$\therefore DK \cdot HC = DF \cdot HE = \sqrt{2}HE^2 = \sqrt{2}.$$

$$\therefore HE=1. \dots\dots\dots 12 \text{ 分}$$

(注：用其它方法解答，参照以上标准给分.)

22. 解: (1) ∵ 抛物线 $y = ax^2 + \frac{9}{4}x + c$ 经过 $A(-1, 0)$, $C(0, 3)$ 两点,

$$\therefore \begin{cases} a - \frac{9}{4} + c = 0, \\ c = 3. \end{cases} \dots\dots\dots 2 \text{ 分}$$

$$\text{解得} \begin{cases} a = -\frac{3}{4}, \\ c = 3. \end{cases} \dots\dots\dots 3 \text{ 分}$$

$$\therefore \text{该抛物线的函数表达式为 } y = -\frac{3}{4}x^2 + \frac{9}{4}x + 3 \dots\dots\dots 4 \text{ 分}$$

$$(2) \therefore \text{抛物线 } y = -\frac{3}{4}x^2 + \frac{9}{4}x + 3 = -\frac{3}{4}\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{75}{16},$$

$$\therefore \text{抛物线的顶点 } P \text{ 的坐标为 } \left(\frac{3}{2}, \frac{75}{16}\right) \dots\dots\dots 5 \text{ 分}$$

$$\therefore y = -\frac{3}{4}x^2 + \frac{9}{4}x + 3, \text{ 令 } y = 0, \text{ 解得: } x_1 = -1, x_2 = 4,$$

∴ B 点的坐标为 $(4, 0)$, $OB = 4$.

如图 4-1, 连接 OP , 则

$$S_{\triangle PBC} = S_{\triangle OPC} + S_{\triangle OPB} - S_{\triangle OBC} \dots\dots\dots 6 \text{ 分}$$

$$\begin{aligned} &= \frac{1}{2} \cdot OC \cdot |x_p| + \frac{1}{2} \cdot OB \cdot |y_p| - \frac{1}{2} \cdot OB \cdot OC \\ &= \frac{1}{2} \times 3 \times \frac{3}{2} + \frac{1}{2} \times 4 \times \frac{75}{16} - \frac{1}{2} \times 4 \times 3 \\ &= \frac{9}{4} + \frac{75}{8} - 6 \\ &= \frac{45}{8} \end{aligned}$$

$$\therefore \triangle PBC \text{ 的面积为 } \frac{45}{8} \dots\dots\dots 8 \text{ 分}$$

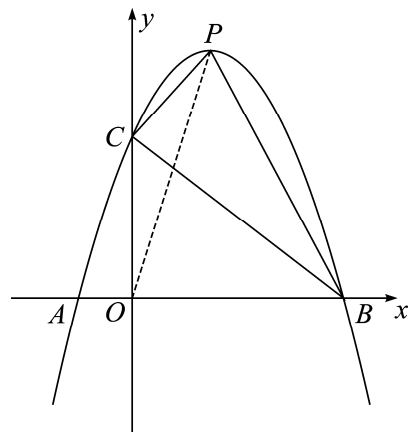


图 4-1

(3) ① ∵ 在 $\triangle OBC$ 中, $BC < OC + OB$.

∴ 当动点 E 运动到终点 C 时, 另一个动点 D 也停止运动.

∵ $OC=3, OB=4,$

∴ 在 $\text{Rt}\triangle OBC$ 中, $BC = \sqrt{OB^2 + OC^2} = 5.$

∴ $0 < t \leq 5$

当运动时间为 t 秒时, $BE=t,$

如图 4-2, 过点 E 作 $EN \perp x$ 轴, 垂足为 $N,$

则 $\triangle BEN \sim \triangle BCO.$

$$\therefore \frac{BN}{BO} = \frac{EN}{CO} = \frac{BE}{BC} = \frac{t}{5}.$$

$$\therefore BN = \frac{4}{5}t, \quad EN = \frac{3}{5}t.$$

∴ 点 E 的坐标为 $(4 - \frac{4}{5}t, \frac{3}{5}t)$. ……9 分

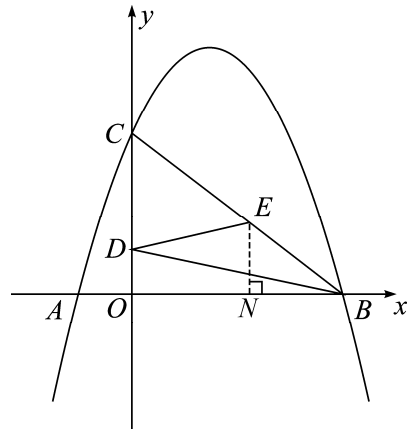


图 4-2

下面分两种情形讨论:

i. 当点 D 在线段 CO 上运动时, $0 < t < 3.$

此时 $CD=t,$ 点 D 的坐标为 $(0, 3-t).$

$$\begin{aligned} \therefore S_{\triangle BDE} &= S_{\triangle BOC} - S_{\triangle CDE} - S_{\triangle BOD} \\ &= \frac{1}{2}BO \cdot CO - \frac{1}{2}CD \cdot |x_E| - \frac{1}{2}OB \cdot OD \\ &= \frac{1}{2} \times 4 \times 3 - \frac{1}{2} \times t \times (4 - \frac{4}{5}t) - \frac{1}{2} \times 4 \times (3-t) \\ &= \frac{2}{5}t^2 \dots\dots\dots 10 \text{ 分} \end{aligned}$$

$$\text{当 } S_{\triangle BDE} = \frac{33}{10} \text{ 时, } \frac{2}{5}t^2 = \frac{33}{10}.$$

$$\text{解得 } t_1 = -\frac{\sqrt{33}}{2} \text{ (舍去), } t_2 = \frac{\sqrt{33}}{2} < 3.$$

$$\therefore t = \frac{\sqrt{33}}{2}. \dots\dots\dots 11 \text{ 分}$$

ii. 如图 4-3, 当点 D 在线段 OB 上运动时, $3 \leq t \leq 5, BD=7-t,$

$$\therefore S_{\triangle BDE} = \frac{1}{2}BD \cdot EN.$$

$$= \frac{1}{2} \times (7-t) \times \frac{3}{5}t$$

$$= -\frac{3}{10}t^2 + \frac{21}{10}t. \dots\dots\dots 12 \text{ 分}$$

当 $S_{\triangle BDE} = \frac{33}{10}$ 时,

$$-\frac{3}{10}t^2 + \frac{21}{10}t = \frac{33}{10}$$

$$\text{解得 } t_3 = \frac{7+\sqrt{5}}{2}, t_4 = \frac{7-\sqrt{5}}{2} < 3.$$

又 $\because 3 \leq t \leq 5,$

$$\therefore t = \frac{7+\sqrt{5}}{2}.$$

综上所述, 当 $t = \frac{\sqrt{33}}{2}$ 或 $t = \frac{7+\sqrt{5}}{2}$ 时, $S_{\triangle BDE} = \frac{33}{10} \dots\dots\dots 13 \text{ 分}$

② $(\frac{10}{3}, \frac{13}{6})$ 或 $(3, 3) \dots\dots\dots 16 \text{ 分}$

(注: 用其它方法解答, 参照以上标准给分.)

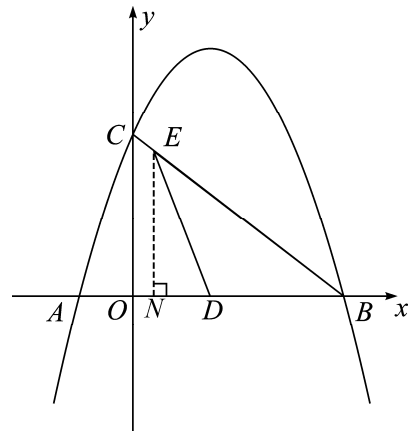


图 4-3